

**Kozics Sándor: A FORTRAN programozási nyelv**

## 1. A FORTRAN nyelv áttekintése

A FORTRAN nyelv(ek)et az IBM gépeire írt autokódok továbbfejlesztett változatainak tekinthetjük. A legelső említésre méltó változat a FORTRAN-II, amelyet az IBM cég 1956-ra dolgozott ki. Nem sokkal később a nagyobb IBM gépeket már magasszintű nyelven, a FORTRAN-IV nyelven írt programok lefordítására alkalmas fordítóprogrammal is ellátták. [3]

1962 májusában lehetővé vált, hogy az ASA (American Standards Association) munkacsoportot hozzon létre, amelynek feladatául tűzte ki, hogy a FORTRAN nyelveket szabványos programozási nyelvként definiálja. A szabványtervezet 1964 októberére készült el, és azóta is ezt tekintik a FORTRAN nyelv hivatalos definíciójának. Ez a nyelv az ASA FORTRAN. A nyelv gépi realizációi általában eltérnek ettől a definíciótól, és az ASA FORTRAN-nál bővebb nyelvet valósítanak meg. A továbbiakban FORTRAN alatt mindig ASA FORTRAN-t értünk, az időközben hagyományossá vált bővítéseket külön jelölni fogjuk.

A FORTRAN nyelven érezhető egy speciális gyakorlati körülmény hatása: az IBM előszeretettel használt adatok és programok bevitelére lyukkártyát. Ennek következtében a FORTRAN nyelvnek is sajátossága az "egy sor — egy utasítás" megfeleltetés. Az utasításokat a sor 7–72. pozícióira írjuk, a 6. pozíciót a folytatósor jelzésére tartották fenn, míg az 1–5. pozíciókra a címkék kerülnek. A nyelv érdekes sajátossága, hogy a szóközzel szemben rendkívül nagyvonalú: bárhol tetszőleges számú szóköz elhelyezhető, és a stringliterálokon kívül pusztán tipográfiai szerepe van. A nyelv neve ( FORMula TRANslation ) jelzi a felhasználási területet: a FORTRAN-t formulák kódolására, vagyis numerikus módszerek leírására, tudományos számítások elvégzésére szánták. Numerikus típusokban gazdag, viszont típus- és utasításkonstrukciókban elég szegény. A FORTRAN program az ALGOL 60 blokkstruktúrájával szemben önállóan fordítható szegmensekből (modulokból) áll. Érdekes módon ez a később fontossá vált két fogalom egyidőben, de két különböző nyelvben jelent meg. Az 1970-es évek nyelveinél már felismerték, hogy ez nem két, lehetséges fejlődési út, hanem egymást kiegészítő elemek.

## 2. Lexikális alapelemek

A FORTRAN programok felírására az angol ábécé 26 nagybetűjét, a számjegyeket, valamint az "=", "+", "-", "\*", "/", "(", ")", ",", ".", "\$", "'", "□" jeleket használhatjuk.

A FORTRAN azonosítói változók, tömbök, függvények és eljárások jelölésére szolgálnak. Az azonosító betűvel kezdődik, betűket és számjegyeket tartalmazhat, és legfeljebb 6 jeltől áll (egyres implementációkban megengedik a tetszőlegesen hosszú azonosítókat is, azzal a megkötéssel, hogy a fordítóprogram csak az első hat karaktert veszi figyelembe).

Megjegyzésnek számítanak azok a sorok, amelyek első pozícióján C betű áll. Megjegyzés bárhol elhelyezhető a programban.

A nyelv egész (INTEGER), valós (REAL), kétszeres pontosságú valós (DOUBLE PRECISION) és komplex (COMPLEX) számokat ismer (a kétszeres pontosságú számok olyan valós számok, ahol a mantissza ábrázolására kb. kétszer annyi bit áll rendelkezésre, mint az egyszerű valós számoknál).

-3	314.D-2
3.14	.7
0.314E1	(3.5, -1.E-5)

A FORTRAN a skalár numerikus értékekre a szokásos relációkat vezeti be, az .EQ., .NE., .GT., .GE., .LT., .LE. jelöléssel. A logikai értékek neve .TRUE. és .FALSE.. A stringliterálokat kétféleképpen írhatjuk:

```
'FORTRAN'
7HFORTRAN
```

### 3. Programszerkezet, szegmensek

A FORTRAN program szegmensekből áll, amelyek közül az egyik a főszegmens, a fennmaradók háromfélék lehetnek : függvények (FUNCTION), eljárások (SUBROUTINE), és lehet a programban egy adatszegmens (BLOCK DATA). A szegmensekben használt azonosítók (kivéve a szegmens és a COMMON adatmezők nevét, ld. 3.) lokálisak. A szegmensek a nyelv fordítási egységei. Mivel a nyelv nem tartalmaz elemet a szegmensek közötti kapcsolatok leírására, fordítás közben nincs mód a kapcsolatok helyességének ellenőrzésére (így pl., ha egy eljáráshívásban az aktuális paraméterek típusa nem felel meg a formális paraméterekének, vagy ha a paraméterek száma eltér a formális paraméterekétől, ezt a hibát a fordítóprogram nem képes felismerni).

```

SUBROUTINE ORTOG (X,Y,U,V,FI)
U=X*COS(FI)+Y*SIN(FI)
V=-X*SIN(FI)+X*COS(FI)
RETURN
END

REAL FUNCTION SH(X)
REAL Z,W
INTEGER K
Z=X**2
SH=X
WORD=X
K=3
1  W=Z/FLOAT(K*(K-1))*W
2  SH=SH+W
3  IF (W/SH.LT.1E-7) RETURN
K=K+2
GOTO 1
END

```

A szegmens elején deklarációs sorok állnak, utánuk következik a végrehajtható rész. A deklarációs rész kiértékelése statikus, a változók leképezése a memóriára fordítási időben történik. Sem az eljárások, sem a függvények nem hívhatják meg önmagukat, és hívási kört sem alkothatnak. A paraméterátadás minden esetben cím szerint történik. Az alprogram végrehajtása mindig a RETURN utasítás végrehajtására fejeződik be.

A függvények aktivizálása a szokásos módon kifejezésben, az eljárásoké

```
CALL ORTOG (1.0,2.0,A,B,ALFA)
```

formában történik.

A főprogram első sora a MASTER alapszót és a program nevét tartalmazza, ezután — ugyanúgy, mint SUBROUTINE és FUNCTION esetén — deklarációs rész,

majd utasítások következnek (a MASTER sor egyes gépeken elmarad, s a főprogram a deklarációs utasításokkal kezdődik). A főprogram nem tartalmazhat RETURN utasítást.

```

MASTER FOPROG
      . . .
END
    
```

A programban lehet egy közös adatszegmens is. Ennek egyetlen szerepe, hogy a COMMON változók itt kaphatnak kezdőértéket.

```

BLOCK DATA
COMMON /XXXX/ X(10)
DATA X /10*1.0/
END
    
```

Alkalmazási területének megfelelően a nyelv sok elemi matematikai függvényt tartalmaz. A legfontosabbak: ABS (IABS, DABS), SIGN (ISIGN, DSIGN), REAL (valós rész képzése), AIMAG (képzetes rész leválasztása), CMPLX (komplex szám képzése), EXP (DEXP, CEXP), ALOG (DLOG, CLOG), SIN (DSIN, CSIN), COS (DCOS, CCOS), SQRT (DSQRT, CSQRT), MOD (AMOD, DMOD). (A D kezdőbetűs függvények paraméterei DOUBLE PRECISION, a C kezdőbetűseké COMPLEX, az I kezdőbetűseké és a MOD-é INTEGER, a többié REAL típusú.)

## Gyakorlatok

1. Írjuk fel az alábbi függvényt matematikai képlettel!

```

FUNCTION F(T,B)
DIMENSION T(15),B(15)
EL=0.0
F=0.0
DO 1 K=1,3
  Q=K
  S=0.0
  V=0.0
  DO 2 I=5*K-4,5*K
    S=S+B(I)*T(I)
2    V=V+T(I)
    H=S/V
    W=H/Q
    EL=EL+W
1    F=F+EL
RETURN
END
    
```

## 4. Deklarációk

A deklarációs rész a FORTRAN-ban (mivel nincsenek sem konstans-, sem típusdefiníciók, és a szegmensek nem ágyazhatók egymásba) szinte kivétel nélkül változókkal kapcsolatos sorokból áll. Sorrendben

- 1) a változók típusának deklarálása,
- 2) a változók dimenziójának deklarálása (tömbök),
- 3) COMMON mezők definíciói,
- 4) EQUIVALENCE utasítások,
- 5) DATA utasítások (kezdőértékadás),
- 6) EXTERNAL utasítások,
- 7) utasításfüggvények definíciói.

A FORTRAN nyelvben nem kötelező minden változót deklarációs utasításban deklarálni. Ha a végrehajtható utasításokban olyan változónév fordul elő, amit nem deklaráltunk, akkor a fordítóprogram utólag felveszi ezt is a változók közé. Ez az ún. *implicit deklaráció*. Az implicit módon deklarált változó típusa a név első betűjéből állapítható meg: az I,J,K,L,M,N betűkkel kezdődő azonosítókat egész típusú, a többi betűvel kezdődőket valós típusú változóként kezeli a fordítóprogram.

A nyelv öt különböző típust ismer. Az explicit módon deklarált változó típusát típusdeklarációs utasítással lehet definiálni.

```
INTEGER A,A1,AA
DOUBLE PRECISION W,Q
LOGICAL F1,F3
REAL B1
COMPLEX C
```

A tömb méretét a tömbdeklarációs utasítással lehet megadni.

```
DIMENSION A(8),B(12,3,4),C(5,5)
DIMENSION F1(3),F3(5),AA(2,4)
```

A tömbök indexeinek alsó határa mindig 1. Rövid írásmód is használható: a típusdeklarációkban megadhatók a tömbméretek, így a DIMENSION sor elhagyható.

```
INTEGER A(8),A1,AA(2,4)
DOUBLE PRECISION W,Q
LOGICAL F1(3),F3(5)
REAL B1,B(12,3,4)
COMPLEX C(5,5)
```

(Mivel a deklaráció kiértékelése statikus, a tömbdeklarációkban a tömbméretet számokkal kell megadni.)

A FORTRAN tömbök a memóriában mindig oszlopfolytonosan helyezkednek el. Ennek az a következménye, hogy pl. egy mátrix oszlopa átadható egy eljárásnak paraméterként, egy sora viszont nem. Pl. a

```

SUBROUTINE SUM(T, S)
DIMENSION T(5)
S = 0
DO 1 I=1,5
1  S = S + T(I)
RETURN
END

```

eljárás segítségével összegezhető a C(5,5) mátrix második oszlopa :

```
CALL SUM(C(1,2), S)
```

Az ASA FORTRAN-ban indexelni csak ún. standard indexkifejezéssel lehet. Ennek formái a következők (c és k pozitív egész számok, I pedig INTEGER változó):  $c*I+k$ ,  $c*I-k$ ,  $c*I$ ,  $I+k$ ,  $I-k$ ,  $I$ ,  $k$ . Ezt a szabályt azonban szinte minden FORTRAN implementáció felváltja azzal, hogy indexkifejezés tetszőleges INTEGER kifejezés lehet.

A szegmensek közötti adatáramlás a paramétereken és a COMMON mezőkön keresztül történik.

```
COMMON /MEZO/ X(10),Z(10,10)
COMMON /WORK/ Y,A(100)
```

Egy COMMON mezőnek más-más szegmensekben a leírása különbözhet, de a hosszuknak meg kell egyezniük.

A közös adatmezők lehetőségét adnak adatabsztrakció kódolására. Példaként figyeljük meg az alábbi vermet :

```

SUBROUTINE PUSH(X)
COMMON /VEREM/ V(100), N
N = N + 1
V(N) = X
RETURN
END

SUBROUTINE POP(X)
COMMON /VEREM/ V(100), N
X = V(N)
N = N - 1
RETURN
END

BLOCK DATA
COMMON /VEREM/ V(100), N
DATA N /0/
END

```

Ezek a szegmensek egymástól függetlenül fordíthatók, összetartozásukat nem jelölhetjük. Durva végrehajtási hibához vezethet, ha a VEREM adatmező felépítése a különböző szegmensekben eltérő, pl. az egyik szegmensben felcseréljük az N és V változókat.

A FORTRAN egyik sajátos deklarációs utasítása az EQUIVALENCE. Az EQUIVALENCE utasítással előírható, hogy különböző változók ugyanazon a memóriaterületen legyenek ábrázolva. (A későbbi nyelvekben ennek alkalmazási szabályait egyre szigorították, míg a Pascal nyelvben már átalakult variáns részt tartalmazó rekorddá.)

```
EQUIVALENCE (B1,B(1,1,1)),(F1(1),F3(3))
EQUIVALENCE (A(1),AA(1,1))
```

Az EQUIVALENCE utasítást elsősorban a program gyorsítására használhatjuk. Pl.

```
DO 1 I=1,2
DO 1 J=1,4
1 AA(I,J)=B(1,1,1)
```

helyett ajánlható

```
DO 1 I=1,8
1 A(I)=B1
```

Az ilyen lehetőségek kihasználásakor fontossá válik annak ismerete, hogyan fordítják a FORTRAN programot, hogyan ábrázolják a memóriában a típusokat és a változókat. A korai nyelvekben a "programozási nyelv" és a "programozási nyelv implementációja" fogalmak teljesen egybefonódtak.

A DATA utasítás segítségével definiálható a változók kezdőértéke (a program végrehajtása közben, a szegmensbe való első belépéskor, ez lesz a változó értéke, s ez marad addig, amíg értékadással új értéket nem kap).

```
DATA AA, B1 /11,21,12,22,13,23,14,24,1.0/,
* F1(1) /.TRUE./
DATA F3 /5*.TRUE./
```

A deklarációs rész végén lokális függvények definiálhatók.

```
CH(X)=1.0+X**2*(0.5+X**2*(1.0/24.0+X**2/720.0))
```

Az utasításfüggvény törzse erősen korlátozott, itt mindössze egy kifejezés megengedett. Mégis, már ez is nagyon jól használható a programszöveg kifejezőbbé tételére. A példa a CH nevű függvényt definiálja, amelynek egy valós paramétere van, a függvény törzse pedig az egyenlőségjel jobb oldalán álló kifejezés.



## Gyakorlatok

2. Mi lesz az A mátrix értéke az alábbi programrészlet végrehajtása után?

```

REAL A(3,4),B(6),C(6)
EQUIVALENCE (A(2,2),C(2))
DATA A/0.1,7*2.1,4*-0.3/,
      B/-3.05,4.27,3*-2.34,6.21/
DO 1 I=1,6
1   C(I)=B(I)

```

3. Rövidítsük és tegyük világosabbá a következő kódrészletet!

```

a)  C   AZ OLDALAK HOSSZÁNAK SZÁMITÁSA
      AB=SQRT((X2-X1)**2+(Y2-Y1)**2)
      AC=SQRT((X3-X1)**2+(Y3-Y1)**2)
      BC=SQRT((X3-X2)**2+(Y3-Y2)**2)
      C   A TERÜLET KISZÁMITÁSA
      S=(AB+BC+AC)/2.0
      TER=SQRT(S*(S-BC)*(S-AC)*(S-AB))
      C   A SZÖGEK KISZÁMITÁSA
      ALFA=ATAN2((4.0*TER)/(AC**2+AB**2-BC**2))
      BETA=ATAN2((4.0*TER)/(AB**2+BC**2-AC**2))
      GAMMA=ATAN2((4.0*TER)/(AC**2+BC**2-AB**2))

b)  SUBROUTINE LET(S,K,I,J)
      DIMENSION S(20)
      COMMON /T/ A(20),B(20),C(20),D(20)
      GOTO (100,200),I
100  GOTO (110,120),J
      RETURN
110  S(K) = A(K)
      RETURN
120  S(K) = B(K)
      RETURN
200  GOTO (210,220),J
210  S(K) = C(K)
      RETURN
220  S(K) = D(K)
      RETURN
      END

```

## 5. Utasítások

A végrehajtható utasítások közé soroljuk az értékadó utasításokat, az I/O utasításait, az IF és DO utasításokat, valamint a CONTINUE, PAUSE, STOP, RETURN utasításokat. (A "végrehajtható" szót azért használtuk, mert a FORTRAN-ban szokásos szóhasználat szerint utasításnak, pontosabban nem végrehajtható utasításnak hívják a deklarációs utasításokat, valamint a szegmens kezdetét jelző utasítást és a végén álló END-et is.)

### 5.1. Az értékadás

A FORTRAN értékadás alakja

változó = kifejezés

Beszélhetünk logikai és aritmetikai értékadásról. Ez utóbbi esetben a bal- és jobboldal típusának nem kell megegyeznie, a jobboldal kiértékelése után automatikus konverzió történik a baloldal típusára. (A következő három táblázatban a zárójelbe tett esetek az ASA FORTRAN-ban nem megengedettek, de a legtöbb FORTRAN reprezentáció megengedi használatukat.)

4. Ábra. Az értékadás konverziós szabályai

=	INTEGER	REAL	DBLE	COMPLEX
INTEGER	normál	IFIX	SNGL+IFIX	
REAL	FLOAT	normál	SNGL	
DBLE	FLOAT+DBLE	DBLE	normál	
COMPLEX				normál

IFIX és SNGL csonkítást jelentenek, az új formában nem ábrázolható bitek lemaradnak. (Pl., ha  $X = 4.0$ , az  $I = \text{SQRT}(X)$  értékadás eredményeként  $I$  értéke valószínűleg 1 lesz.) Az INTEGER és a DOUBLE PRECISION típusok közötti konverzió két lépésben, a REAL típuson keresztül történik.

A FORTRAN aritmetikai kifejezéseiben a különböző típusú mennyiségek keverhetők. A +, -, \* és / műveletek esetén az eredmény típusát az alábbi táblázatból olvashatjuk ki:

5. Ábra. Az operátorok konverziós szabályai

+, -, *, /	INTEGER	REAL	DBLE	COMPLEX
INTEGER	INTEGER	(REAL)	(DBLE)	(COMPLEX)
REAL	(REAL)	REAL	DBLE	COMPLEX
DBLE	(DBLE)	DBLE	DBLE	
COMPLEX	(COMPLEX)	COMPLEX		COMPLEX

A \*\* (hatványozás) műveletére az alábbi táblázat érvényes (a típusokra vonatkozó megkötéseken felül megszorítás még, hogy a nulla csak pozitív egész kitevőre emelhető, negatív mennyiség pedig sosem emelhető valós vagy duplapon-tos kitevőre):

6. Ábra. A hatványozás konverziós szabályai

**	INTEGER	REAL	DBLE	COMPLEX
INTEGER	INTEGER	(REAL)	(DBLE)	
REAL	REAL	REAL	DBLE	
DBLE	DBLE	DBLE	DBLE	
COMPLEX	COMPLEX	(COMPLEX)		(COMPLEX)

A kifejezések kiértékelését a precedencia-szabályok határozzák meg. Elsődleges művelet a hatványozás, másodlagos a szorzás és az osztás, harmadlagos az összeadás és a kivonás. Az azonos osztályba tartozó műveletek kiértékelési sorrendjét a nyelv nem írja elő, így pl. az  $I*J/5*K$  kifejezés értéke nem egyértelműen definiált. Az egyes gépi reprezentációk a balról-jobbra szabályt alkalmazzák. A kiértékelés sorrendjét zárójelezéssel szabályozhatjuk.

**Gyakorlatok**

4. Állapítsuk meg, ekvivalensek-e az alábbi utasítások!

- a)  $M=I*J/K$       ill.       $M=J/K*I$
- b)  $Y=Y**(3/2)$     ill.       $Y=Y**(3./2.)$
- c)  $X=X**2.4*A$     ill.       $X=X**(2.4*A)$

5. Helyesek-e szintaktikusan az alábbi utasítások?

- a)  $A=1.D2+E2$
- b)  $DO 1 I=1.2$
- c)  $A=SQRT(SIN(2*X(5,7)))*Y(3,IFIX(SIN(X**3)))$

6. Az alábbi programrészletek közül melyiket részesítenénk előnyben? Indokoljuk a választást!

```
F1=X1-X2*X2
F2=1.0-X2
FX=F1*F1+F2*F2
```

ill.

```
FX=(X1-X2**2)**2+(1.0-X2)**2
```

## 5.2. Vezérlésátadás

Az ALGOL-szerű nyelvekkel ellentétben a FORTRAN-ban a GOTO utasításnak fontos szerepe van. Itt ugyanis nincsenek összetett utasítások (kivéve az egyetlen DO utasítást), így már egy elágazás megszervezéséhez is szükség van feltétlen vezérlésátadásra. A GOTO argumentuma egy címke, vagy egy címkét értékül kapott INTEGER változó. Címkeként (legfeljebb ötjegyű) természetes számok használhatók.

```
IF (.NOT. L) GOTO 20
      .
      .
20    CONTINUE
```

A GOTO egy másik alakja, a kiszámított GOTO, többirányú elágazás kódolására ad lehetőséget.

```
GOTO (10,20,30),K
10   ...
     GOTO 40
20   ...
     GOTO 40
30   ...
40   CONTINUE
```

Ez a programrész csak akkor működik helyesen, ha  $1 \leq K \leq 3$ .

## 5.3. Az IF utasítás

Az IF utasításnak két formája van. Az ún. aritmetikai IF egy kifejezés előjele szerinti elágazásra ad lehetőséget.

```
IF (I-J) 9,10,11
```

A program a 9-es címkénél folytatódik, ha  $I-J < 0$ , a 10-esnél, ha  $I-J = 0$ , és a 11-es címkénél, ha  $I-J > 0$ .

Az IF másik formája az ún. logikai IF utasítás.

```
IF (A.GT.B) B=A
```

Itt a zárójelben logikai kifejezésnek kell állnia. Ha ennek az értéke igaz, végrehajtódik a csukózárójel után álló utasítás. Nem írható azonban a csukózárójel

után sem IF, sem DO utasítás. Példa az IF utasítás használatára :

```

      W=2.0*A
      IF (ABS(A).LT.1E-8) GOTO 21
      D=B**2-4.0*A*C
      IF (D) 20,18,16
16     D=SQRT(D)
      X1=(-B+D)/W
      X2=(-B-D)/W
      GOTO 22
18     X1=-B/W
      X2=X1
      GOTO 22
      ...

```

A logikai kifejezések írásának szabályai az aritmetikai kifejezésekéhez hasonlóak. A műveleti jelek : .NOT., .OR., .AND.. A kifejezések kiértékelésének módja:

- 1) aritmetikai műveletek elvégzése
- 2) a relációk kiértékelése
- 3) a logikai műveletek kiértékelése, sorrendben: .NOT., .AND., .OR.

## Gyakorlatok

7. Milyen szempontból kifogásolható az alábbi programkód? Javítsuk ki!

```

a)      IF (X1.GE.T(I)) GOTO 2
      IF (T(I).LT.T2) IS=IS+1
      2   CONTINUE

b)      GOTO (65,70),KIIR
      65  WRITE (6,105) X
      70  CONTINUE

c)      IF (T(I).GT.E) GOTO 50
      GOTO 20
      50  E=T(I)
      IND=I
      20  CONTINUE

```

8. Az IF (I-J) 10,20,10 utasítás az I és J változók összehasonlításakor túlsordulás léphet fel. Megfelel-e az alábbi részlet a fenti elágazás helyett a túlsordulás elkerülésére?

```

      IF (I) 1,2,2
1     IF (J) 3,10,10
2     IF (J) 10,3,3
3     IF (I-J) 10,20,10

```

9. Melyek helyesek szintaktikusan az alábbi IF utasítások közül?

```

a)      IF (A*-B) 2,01,101

```

- b) IF (A.GE.B) THEN 30 ELSE 100
- c) IF (X.OR.Y.AND..NOT.Z) 9,18,1
- d) IF (D\*A.LT.D-C) 2,K,1
- e) IF (X+B\*Y.GT.0) IF(X) 3,4,5
- f) IF (X.AND..NOT.Y) GOTO 100
- g) IF (A+B) A=B
- h) IF (X.OR.Y.OR.TRUE.) Z=X.OR.Y

10. Hasonlítsuk össze az alábbi programrészleteket! Milyen szempontból, melyiket részesítenénk előnyben?

```

        IF (X.LT.Y) GOTO 30
        IF (Y.LT.Z) GOTO 50
        A=Z
        GOTO 70
30     IF (X.LT.Z) GOTO 60
        A=Z
        GOTO 70
50     A=Y
        GOTO 70
60     A=X
70     CONTINUE

```

ill.

```

        A=X
        IF (Y.LT.A) A=Y
        IF (Z.LT.A) A=Z

```

#### 5.4. A DO utasítás

A FORTRAN ciklusok dolgában igen szegény. Mindössze egy ilyen utasítást tartalmaz, az is igen korlátozottan használható.

```
DO c I=M1, M2, M3
```

Itt *c* egy olyan címke, ami egy későbbi sor elején szerepel. Az *c*-ig tartó utasítások képezik a ciklusmagot. A címke után álló *I* egy INTEGER skalár változót szimbolizál, ez a ciklusváltozó. *M1*, *M2*, *M3* pozitív egész számok vagy változók (egyes gépi reprezentációkban kifejezések is lehetnek). *M1* a ciklusváltozó kezdőértéke, *M2* a végértéke, *M3* a növekmény (ez elmaradhat, ekkor a növekmény 1). A DO ciklussal ekvivalens a következő program:

```

        I=M1
c1     ...
        ciklusmag
        ...
        I=I+M3
        IF (I.LE.M2) GOTO c1
c     ...

```

Egymásbaágyazott ciklusok esetén, ha a két ciklusmag vége egybeesik, a két DO utasításban ugyanazt a címkét használhatjuk.

```

M=N-1
DO 20 K=1,M
M1=K+1
DO 20 K1=M1,N
B=A(K,K1)
A(K,K1)=A(K1,K)
20  A(K1,K)=B

```

A CONTINUE utasítás a FORTRAN üres utasítása. Egyetlen szerepe, hogy címkét viselhet. A ciklusmag utolsó utasításaként gyakran használunk CONTINUE utasítást.

```

Z=A(1)
DO 1 I=1,N
IF (Z.LE.A(I)) GOTO 1
Z=A(I)
1  CONTINUE

```

## Gyakorlatok

11. Állapítsuk meg, ekvivalensek-e a következő programrészletek!

a) 

```
DO 1 I=1,5
DO 1 J=1,5
A(I,J)=(I/J)*(J/I)
1 CONTINUE
```

ill.

```
DO 1 I=1,5
DO 1 J=1,5
IF (I.EQ.J) A(I,J)=1
IF (I.NE.J) A(I,J)=0
1 CONTINUE
```

ill.

```
DO 1 I=1,5
DO 1 J=1,5
A(I,J) = 1
IF (I.NE.J) A(I,J)=0
1 CONTINUE
```

b) 

```
DO 1 I=1,N,2
J=(I+1)/2
1 B(J)=FLOAT(L(I)+L(I+1))/FLOAT(10))
```

ill.

```
DO 1 I=1,N,2
J=(I+1)/2
1 B(J)=L(I)+L(I+1)/10.
```

12. Az alábbi programrészletek közül milyen szempontból, melyiket részesítenénk előnyben? Indokoljuk!

```

F=A(1)
DO 25 I=2,10

```

```

                IF (A(I).GT.F) GOTO 30
                GOTO 25
30      F=A(I)
25      CONTINUE
ill.
                F=A(1)
                DO 25 I=2,10
                IF (A(I).GT.F) F=A(I)
25      CONTINUE
ill.
                F = A(1)
                DO 25 i=2,10
                IF(A(I).LE.F) GOTO 25
                F = A(I)
25      CONTINUE

```

13. Állapítsuk meg, megfelelő-e az alábbi programrészlet egy mátrix elemeinek /a)/ ill. egy mátrix pozitív értékkel kezdődő sorai elemeinek /b)/ összeadására!

```

a)      S=0.0
        DO 1 I=1,5
        DO 1 J=1,5
            S=S+A(I,J)
1      CONTINUE
b)      S=0.0
        DO 1 I=1,5
            IF (A(I,1)) 1,1,2
2      DO 1 J=1,5
            S=S+A(I,J)
1      CONTINUE

```

14. Mi lesz a K változó értéke a programrészlet végrehajtása után?

```

        K=0
        DO 10 I = 2 , 7 , 2
        DO 10 J = 1 , I - 2
10     K = K + 1

```

15. Írjuk gazdaságosabban!

```

a)      DO 1 I=1,100
        Q(I)=0.0
        DO 1 J=1,100
1      Q(I)=Q(I)+A*B*X(I,J)
b)      F=X**5-64*X**4+3*X**2-17
c)      DIMENSION X(10,20,8)
        DO 1 I=1,10
        DO 1 J=1,20
        DO 1 K=1,8
1      1 X(I,J,K)=0.0

```



16. Írjunk függvényt az  $\text{Arctg } x$  kiszámítására az alábbi végtelen sorból! (A sorból annyi tagot kell figyelembe venni, hogy az első elhagyott tag kisebb legyen az addig kapott összeg  $1.E-6$  -szorosánál.)

$$\text{Arctg } x = x - \frac{x^3}{3} + \frac{x^7}{5} - \frac{x^7}{7} + \dots$$

17. Írjunk az alábbi ALGOL 60 utasítássorozattal azonos hatású FORTRAN programrészletet!

- a) `s := 0.0;`  
`for x := -2.0, -1.2, 1.7, 2.4, 4.9 do`  
`s := s + (x ↑ 3 - a ↑ 3) / 3.0;`
- b) `integer procedure F(n); integer n; value n;`  
`begin`  
`if n = 1 then F := 1 else F := n * F(n-1)`  
`end F;`

### 5.5. PAUSE, STOP

A program megállítására kétféle utasítás is használható. A

`PAUSE` vagy `PAUSE n`

utasítás hatására a program megáll, az  $n$  számot kijelzi, és ezután továbbindítható.  
 A

`STOP` vagy `STOP n`

végleges megállító utasítások, végrehajtásuk eredményeképpen a program törlődik a memóriából.

## 6. I/O utasítások

Ugyanúgy, ahogy a nyelv is sororientált, a FORTRAN I/O is az. Egy olvasás mindig új sorból kezdi az olvasást, egy kiírás mindig új sort hoz létre. (Itt a nyomtatónál találunk kivételt.) A FORTRAN I/O viszonylag terjedelmes, mi csak a kártyaolvasó (standard input) és a sornyomtató kezelésével kívánunk foglalkozni. Két átviteli utasítást tárgyalunk:

```
READ (u,f) L
WRITE (u,f) L
```

$u$  a file logikai száma,  $f$  egy formátumleírás (FORMAT) címkéje, vagy egy FORMAT utasítást (zárójelről zárójelig) tartalmazó tömb neve (!),  $L$  pedig az ún. I/O-lista. Az I/O-lista lehet egyszerűen változók felsorolása, de valamely eleme lehet ún. implicit ciklus is:

```
A,B,Q(4,3), R(I,J)
(A(I), I=1,N)
(A,B(I),C(I),I=1,N)
((A(I,J),I=1,M),J=1,N)
```

Az I/O-listában egy tömb neve indexek nélkül is állhat, ilyenkor az a teljes tömb átvitelét jelenti. (A nyelvben létezik a READ/WRITE-nak FORMAT nélküli, bináris változata is, de ezzel nem kívánunk foglalkozni.)

A FORMAT utasítás írja le, hogy az átvitelhez kijelölt változók értékei az adathordozón milyen formában találhatók. Így tehát az I/O-listán megadott minden skalár értékhez a FORMAT utasításban tartozik egy konverziós formátumleíró elem.

```
f      FORMAT ( ... )
```

A FORMAT-listán elhatárolójelekkel elválasztva, kétféle formátumleíró elem (formátumspecifikáció) állhat: konverziós specifikáció és szerkesztési specifikáció.

### 6.1. Az I specifikáció

Az INTEGER értékek átviteléhez az I konverziós specifikációt alkalmazzuk:

```
Iw
```

ahol  $w$  a mezőszélességet jelöli. Legyen  $K = 12397$ ,  $L = -3540$ ,  $M = 52888$ , ekkor a

```
15      WRITE (6,15) K,L,M
        FORMAT (I6,I6,I6)
```

kiírás eredménye (nyomatáskor az első jel a nyomtató vezérlésére szolgál; ld. az 5.9. pontot).

```
12397□-3540□52888
```

Az előbbi formátumot egyszerűsíthetjük ismétlési tényező alkalmazásával:

```
15   FORMAT (3I6)
```

Olvasáskor a kijelölt mezőben a szám jobboldalán álló szóközök nulla-értékűek(!).

## Gyakorlatok

18. Állapítsuk meg, ekvivalensek-e a következő programrészletek!

```
DIMENSION A(50,50)
```

```
...  
READ (5,1) A
```

ill.

```
DIMENSION A(50,50)
```

```
...  
READ(5,1)((A(I,J),J=1,50),I=1,50)
```

19. Mi kifogásolható a következő kódrészletben? Indokoljuk!

```
DIMENSION A(10,10)
```

```
N=5
```

```
READ(5,1)((A(I,J),I=1,N),J=1,N)
```

```
WRITE(6,1) A
```

20. Mit nyomtat ki a következő programrészlet?

```
INTEGER A(2,4), B(4)
```

```
EQUIVALENCE (A(1,1),B(1))
```

```
READ(5,10) A
```

```
10  FORMAT(1X, 8I1)
```

```
DO 1 I = 1,4
```

```
1   B(I) = A(1,I)
```

```
WRITE(6,10) A
```

```
Az adatok : 210987654
```

## 6.2. Az F specifikáció

Az F specifikációt fixpontos alakú számok beolvasásához, ill. kiírásához használjuk.

F *w.d*

Itt *w* ismét a mezőszélesség, *d* pedig ebből a törtrész hossza. A szám a mezőben

most is jobbra tömörítve helyezkedik el. Legyen  $X = -0.3638440557$ ,  $Y = 3892.184$ ,  $Z = -20.099633$ . Ekkor a

```

      WRITE (6,5) X, Y, Z
5     FORMAT (F11.8, F8.2, F8.4)

```

kiírás eredménye

```

-0.36384406  3892.18-20.0996

```

Olvasáskor, ha a mezőben van tizedespont, ez felülbírálja a  $d$  értéket, ha nincs, akkor a jobboldali  $d$  db jegy számít törtrésznek. A mezőben szabályos számnak kell állnia, különben a program végrehajtási hibával leáll. Legyen a rekord tartalma

```

  12-098  3-25E-31248

```

Ekkor  $X = -12.098$ ,  $Y = -0.00325$  és  $Z = 1248000.0$  lesz a változók értéke a

```

      READ (5,3) X, Y, Z
3     FORMAT (F12.4, F8.2, F10.3)

```

beolvasás végrehajtása után.

## Gyakorlatok

21. Mely sorok tartalmazznak szintaktikus hibát a következő programban, és mondjuk meg azt is, mi a hiba!

```

      DIMENSION S(5)
      A(K)=B+X**K
      READ(5,1) B,X
1     FORMAT (F5.2)
      DO 2 I=2,4
      C(I)=A(I-2)
      S(I)=F(I-1)
2     CONTINUE
      END

```

### 6.3. Az E és a D specifikáció

Az E konverziós specifikáció valós (lebegőpontos alakú) számok leírására szolgál.

E  $w.d$

Kiíráskor a következő jelek jelennek meg:  $\pm 0.yy \dots y E \pm yy$  ahol  $w$  a mezőszélesség,  $d$  a kiírt törtjegyek száma, és mint leolvasható  $d + 7 \leq w$ . Input esetén az E specifikáció teljesen megegyezik az F-fel. A kétszeres pontosságú

mennyiségek átvitelekor a D specifikációt használjuk. Ennek formája teljesen megegyezik az E specifikációval.

## Gyakorlatok

22. Lyukkártyán adott a következő jelsorozat.

```
472372E+086.2371517□□□□11734□□□□□□
```

Mi lesz a

```
READ(5,3) N, X, G, M, Y
```

olvasás eredménye, ha a FORMAT utasítás a következő:

- a)           FORMAT (I5, E5.2, F5.2, I4, F8.3)
- b)           FORMAT (I4, E6.0, 3X, F4.3, I3, F7.5)
- c)           FORMAT (I6, E5.3, F8.6, I3, F7.3)

### 6.4. Az L specifikáció

Az L konverziós specifikáció a logikai mennyiségek átvitelére szolgál.

```
L w
```

Kiírásakor  $w-1$  darab szóköz és egy T vagy F betű jelenik meg, aszerint, hogy az I/O-lista megfelelő elemének értéke TRUE vagy FALSE. Olvasáskor, ha a bevezető szóközők után a rekordban T betű következik, akkor a beolvasott érték TRUE, ha F, akkor FALSE lesz.

### 6.5. Az A specifikáció

Bár a nyelv nem tartalmaz sem karakter, sem string típust, mód van szövegek beolvasására és kiírására úgy, hogy közben a szöveget valamilyen numerikus változóban tároljuk. Az A konverziós specifikációt használhatjuk stringek átvitelekor.

```
A w
```

A konverziós specifikációk között ez a leginkább gépfüggő, szabályai viszonylag bonyolultak, ezért itt csak azzal az esettel foglalkozunk, amikor egy skalár (vagy tömbem) egy karaktert tartalmaz ( $w=1$ ). Ha az input rekord elején a HOVANSCSINA szöveg áll, ezt a következőképpen olvashatjuk be és írhatjuk ki:

```
DIMENSION IT(11)
...
READ (5,1) IT
```



```

2   WRITE (6,3) X,F
3   FORMAT (48X,F6.3,5X,E13.6)
4   FORMAT (51X,18HFUGGVENYTABELLAZAS)
5   FORMAT (51X,1HX,12X,4HF(X))
   STOP
   END

```

### 6.8. A vessző és a törtvonal, mint elhatároló jelek

Formátumleírásban az elemek elválasztására eddig mindig a vesszőt használtuk. Használható még a törtvonal (/) is, ennek azonban még más funkciója is van: áttér a következő rekord első pozíciójára.

```

      WRITE (6,4)
4     FORMAT (51X,18HFUGGVENYTABELLAZAS////
*      51X,1HX,12X,4HF(X)//)

```

### 6.9. Vezérlő karakterek a sornyomtatón

Sornyomtatóra való kiíráskor a sor első karaktere nem kerül nyomtatásra, ez a nyomtatás vezérlésére szolgál. A vezérlő karakterek jelentése a következő :

- '␣' kiírás a következő sor első pozíciójától,
- '+' kiírás soremelés nélkül a sor első pozíciójától (ráír az előző sorra),
- '0' kiírás egy sor kihagyásával,
- '1' kiírás a következő lap első sorába.

Az előző pontban használt példát most tehát már így is írhatjuk:

```

      WRITE (6,4)
4     FORMAT (1H1///51X,18HFUGGVENYTABELLAZAS////
*      51X,1HX,12X,4HF(X)//)

```

### Gyakorlatok

24. Határozzuk meg, mi jelenik meg a sornyomtatón a

```
WRITE (6,1) X, Y, Z
```

kiírás hatására, ha  $X = 4.38$ ,  $Y = -6.47$ ,  $Z = 9.07$  és a FORMAT a következő:

- a) FORMAT (/5X,F5.2/5X,F5.2/5X,F5.2)
- b) FORMAT (3F7.2)
- c) FORMAT (3F5.2)
- d) FORMAT (3X,3E14.6)
- e) FORMAT (F4.1,1X,F7.2/2X,E11.2)
- f) FORMAT (F6.3,F5.2,E9.3)
- g) FORMAT (F6.2,F5.2,F7.3)

25. Helyes-e szemantikusan a következő nyomtatás?

- a)           A=-67.32  
              WRITE (6,1) A  
              1     FORMAT (E8.3)
- b)           DO 1 I=10,20  
              1     WRITE (6,50) I,A(I)  
              50    FORMAT (I2,4X,F10.5)
- c)           WRITE (6,50) I  
              50    FORMAT (/I2)

### 6.10. A FORMAT- és az I/O-lista kölcsönhatása

Ebben a pontban arról lesz szó, hogyan történik a FORMAT-lista és az I/O-lista elemeinek egymáshoz rendelése.

Az I/O-lista és a FORMAT-lista értelmezése balról-jobbra halad, és az I/O-lista minden eleméhez párosul a FORMAT-lista egy konverziós eleme. A FORMAT-lista eközben átlépett szerkesztési specifikációi (H, X, /) természetesen végrehajtásra kerülnek.

Nemcsak az I/O-listának lehetnek "többszörös" elemei (az index nélkül álló tömbnevek), hanem a FORMAT-listának is: az ismétlési tényezővel ellátott elemek. Nemcsak egy specifikációt láthatunk el ismétlési tényezővel, hanem specifikációk zárójelbe tett csoportját is.

```
FORMAT (1H1,5X,8HTABLAZAT///1X,5(I10,F8.3))
```

Mi történik abban az esetben, ha a két lista párhuzamos feldolgozása közben valamelyik előbb véget ér, mint a másik? A szabályokat három pontban foglaljuk össze:

- 1) Ha az I/O-lista üres, a FORMAT-lista feldolgozásra kerül az első konverziós specifikációig.
- 2) Ha az I/O-lista nem üres és előbb véget ér, akkor a FORMAT-lista fel nem dolgozott elemei figyelmen kívül maradnak.
- 3) Ha a FORMAT-lista ér előbb véget, akkor új rekord kezdődik az átvitelben, és
- 3a) ha van zárójelezett rész (ismétlési csoport) a FORMAT-listán, akkor — a FORMAT-ot lezáró zárójelet nem számítva — az utolsó csukózárójelhez tartozó nyitózároljel ismétlési tényezőjétől folytatjuk a FORMAT-listát,
- 3b) ha nincs ismétlési csoport, akkor a FORMAT-listát az elejétől folytatjuk.

A FORMAT-lista statikussága sok nehézséget okoz a programozónak. Próbáljuk pl. megoldani a következőt: az X(10) vektor első N elemét nyomtassuk egy sorba egymás mellé, majd a számok után közvetlenül tegyünk három pontot!



## Gyakorlatok

26. Mi kerül a nyomtatóra a következő kiírás eredményeként?

- a)           WRITE (6,8) (X1(I),Y1(I),X2(I),Y2(I),I=1,20)  
               8        FORMAT (1H1//51X,19H A VEKTOROK ELEMEI:///
- \* 36X,2HX1,13X,2HY1,13X,2HX2,13X,2HY2///
- \* 1(33X,2(F7.4,5X,E13.6,5X)))
- b)           WRITE (6,8) ((B(I,J),J=1,30),I=1,30)  
               8        FORMAT (6(5(10X,E15.8,5E17.8,/),3(/)),1H1)
- c)           WRITE (6,8) (B(I),I=1,60)  
               8        FORMAT (10(16X,E13.6,5E15.6/))

27. Hasonlítsuk össze az alábbi két programrészletet! Melyiket részesítenénk előnyben?

```

10  READ (5,11) X
11  FORMAT (F10.2)
    IF (X.GE.0.0) GOTO 20
        WRITE (6,13) X
13  FORMAT (' SQRT(',E12.5,') NEM LETEZIK')
    GOTO 10
20  IF (X.GT.0.0) GOTO 30
    B=0.0
    GOTO 50
30  B=1.0
40  A=B
    B=(X/A+A)/2.0
    IF (ABS((X/B)/B-1.0).GE.1.0E-5) GOTO 40
50  WRITE (6,51) X,B
51  FORMAT (' SQRT(',E12.5,') =',E12.5)
ill.
100 READ (5,110) X
110 FORMAT (F10.2)
    C
    IF (X.LT.0.0) WRITE (6,120) X
120 FORMAT (1X,'SQRT(',E12.4,') NEM LETEZIK')
    C
    IF (X.EQ.0.0) WRITE (6,130) X,X
130 FORMAT (1X,'SQRT(',E12.4,') = ',E12.4)
    C
    IF (X.LE.0.0) GOTO 100
    B=X/2.0
200 IF (ABS(X/B-B).LT.1.0E-5*B) GOTO 300
    B=(X/B+B)/2.0
    GOTO 200
300 WRITE (6,130) X,B

```

28. Keressük meg a programozási hibákat a következő függvényben!

```
DOUBLE PRECISION FUNCTION SINUS(X)
```

```

      DOUBLE PRECISION TAG,SUM
      REAL X
      TAG=X
      DO 20 I=3,10,2
        TAG=TAG*X**2/(I*(I-1))
        IF (TAG.LT.1.0D-8) GOTO 30
20     SUM=SUM+(-1**(I/2))*TAG
30     SINUS=SUM
      END

```

29. Alkossunk véleményt, kifogástalan-e az alábbi programkód!

```

      FUNCTION RITKA(I,J)
      COMMON /RIT/ N,NSOR(500),NOSZL(500),ERTEK(500)
      DO 10 K=1,N
        IF (NSOR(K).NE.I.OR.NOSZL(K).NE.J) GOTO 10
        RITKA=ERTEK(K)
        GOTO 99
10     CONTINUE
      RITKA=0.0
99     RETURN
      END

```

30. Alkossunk véleményt, kifogástalan-e az alábbi függvény a tömb legkisebb elemének megkeresésére!

```

      FUNCTION P(A,N)
      DIMENSION A(N)
      P=A(1)
      DO 1 K=2,N
        IF (A(K)-P) 2,1,1
2     P=A(K)
1     CONTINUE
      RETURN
      END

```

31. Az alábbi S szubrutin feladata a mátrixelemek összegének előállítása. Helyesen használja-e a főprogram S-et?

```

      DIMENSION A(100,10)
      ...
      N=10
      READ (5,1) ((A(I,J),J=1,10),I=1,N)
1     FORMAT (8F10.2)
      CALL S(A,N,10,X)
      ...
      END
      SUBROUTINE S(A,M,N,X)
      DIMENSION A(M,N)
      X=0.0
      DO 1 I=1,M
        DO 1 I=1,N
1     X=X+A(I,J)
      RETURN

```

END

32. Mi lesz a

```
CALL A(1,2,3)
X=1.0
X=(X+1.0)*2+3
```

programrészlet végrehajtása után X értéke, ha az A szubrutin a következő:

```
SUBROUTINE A(I,J,K)
I=I+1
J=K+2
RETURN
END
```

33. Írjuk meg FORTRAN nyelven az alábbi ALGOL 60 programrészletnek megfelelő utasítássorozatot!

- a) if A>B then S:=1;  
else if A=B  $\wedge$  C>D then S:=2;  
else if A=B then S:=3;  
else if C>D then S:=4;  
else if C=D then S:=5;  
else S:=6;
- b) if K-(K $\div$ 2)\*2 = 0 then begin  
SUM := SUM+X;  
PAROS := PAROS+1;  
end
- c) integer array N[1:1000];  
integer L, M;  
L:=1000; M:=sqrt(L);  
for I:=2 step 1 until L do  
begin  
if N[I]=0 then goto UGRAS;  
outinteger(I,5);  
if I<M then  
for K:=1 step 1 until L $\div$  I do N[K\*I]:=0;  
UGRAS;;  
end;
- d) if X $\geq$ Y then  
begin  
if Y>Z then A:=Z else A:=Y  
end else  
if X>Z then A:=Z else A:=X;
- e) if A>B then begin  
X:=A; goto V1;  
end;  
X:=B;  
V1: if X>C then goto V2;  
X:=C;  
V2:

```

f)      if A=0 then goto T1;
        goto V1;
        T1: if B=0 then goto T2;
        goto V1;
        T2: if C=0 then goto V2;
        V1:  A:=A+1;
        V2:  B:=B+1;

```

34. Írjuk meg ALGOL 60 nyelven az alábbi programrészletnek megfelelő utasítássorozatot!

```

a)      ISUM=0
        DO 3 I=1,5
        IF (HELYES(I).EQ.FELEL(I)) GOTO 4
        IELL(I)=0
        GOTO 3
        4  IELL(I)=1
        ISUM=ISUM+1
        3  CONTINUE

b)      IF (KA-KB) 5,5,4
        4  KR=KA
        KA=KB
        KB=KR
        5  IF (KA) 6,7,6
        6  KR=KB-KB/(KA*KA)
        KB=KA
        KA=KR
        GOTO 5
        7  CONTINUE

c)      SUBROUTINE RENDEZ(V,M)
        DIMENSION V(M)
        IF (M.LT.2) GOTO 251
        DO 250 J=1,M-1
            T=V(J+1)
            DO 235 K=1,J
                I=J+1-K
                IF (T.GE.V(I)) GOTO 245
                V(I+1)=V(I)
            235 CONTINUE
            I=0
        245 V(I+1)=T
        250 CONTINUE
        251 CONTINUE
        RETURN
        END

d)      DIMENSION A(100)
        J=1
        1  IF (J.EQ.N) GOTO 4
        IF (A(J).LE.A(J+1)) GOTO 3
        X=A(J)
        A(J)=A(J+1)
        A(J+1)=X
        K=J

```

```
2      K=K-1
      IF (K.EQ.0.OR.A(K).LE.A(K+1)) GOTO 3
      X=A(K)
      A(K)=A(K+1)
      A(K+1)=X
      GOTO 2
3      J=J+1
      GOTO 1
4      CONTINUE
```

## 7. Példaprogramok

### 1) Pont és poligon helyzete

Legyenek  $x(i)$ ,  $y(i)$  ( $i=1,\dots,n$ ) egy konvex sokszög csúcspontjainak koordinátái (ciklikusan, sorrendben megadva, és legyen  $x(1) = x(n)$ ,  $y(1) = y(n)$ ). Legyen  $x_0$ ,  $y_0$  egy olyan pont, ami nem fekszik a sokszög határán. A következő FORTRAN függvény ekkor meghatározza, hogy a pont a sokszög belsejébe esik-e. [2]

```

      LOGICAL FUNCTION POINTPOL(N, X, Y, X0, Y0)
C      PONT ES KONVEX SOKSZOG HELYZETENEK MEGHATAROZASA.
C      A FUGGVENY ERTEKE AKKOR IGAZ, HA A PONT A SOKSZOG
C      BELSEJEBE ESIK.
      INTEGER N
      REAL X0, Y0, X(N), Y(N)
      INTEGER I
      LOGICAL B

      B = .TRUE.
      DO 10 I = 1, N-1
      IF (.NOT. ((YO .GT. Y(I) .AND. YO .LE. Y(I+1)) .OR.
*      (YO .LE. Y(I) .AND. YO .GT. Y(I+1)))) GOTO 10
      IF (X0-X(I) .LT.
*      (YO-Y(I)) * (X(I+1)-X(I)) / (Y(I+1)-Y(I)))
*      B = .NOT.B
10    CONTINUE
      POINTPOL = .NOT. B
      RETURN
      END

```

### 2) Polinomok osztása

Legyenek  $A(x) = a_1x^m + a_2x^{m-1} + \dots + a_{m+1}$  és  $B(x) = b_1x^n + b_2x^{n-1} + \dots + b_{n+1}$   $m$ - ill.  $n$ -edfokú polinomok ( $m \geq n$ ). Az  $A(x)$  polinomot elosztva a  $B(x)$  polinommal hányadosul a  $C(x)$ , maradékul az  $R(x)$  polinomot kapjuk, ahol  $C(x)$  fokszáma legfeljebb  $m - n$ ,  $R(x)$ -é legfeljebb  $n - 1$ . Ekkor az együtthatókra érvényesek az alábbi egyenletek ( $r_1, \dots, r_{n-1}$  helyett  $c_{m-n+2}, \dots, c_{m+1}$ -et írunk):

$$c_1 = a_1,$$

$$c_i = (a_i - \sum_{j=1}^{i-1} c_j b_{i-j+1}) / b_1 \quad (2 \leq i \leq m - n + 1 - re),$$

$$c_{m-n+1} = (a_{m-n+1} - \sum_{j=1}^{m-n} c_j b_{m-n-2-j}) / b_1$$

$$c_{m-n+2} = a_{m-n+2} - \sum_{j=1}^{m-n+1} c_j b_{m-n+3-j},$$

$$c_i = a_i - \sum_{j=1}^{m-n+1} c_j b_{i-j+1} \quad (m-n+2 \leq i \leq m+1-re),$$

$$c_{m+1} = a_{m+1} - \sum_{j=1}^{m-n+1} c_j b_{m+2-j}$$

ahol  $b_k = 0$  minden olyan  $k$ -ra, amely teljesíti az  $n+2 \leq k \leq m+1$  feltételt. [4]

```

        DIMENSION A(10), B(10), C(19)
        INTEGER I, M, N
C       A FOKSZAMOK BEOLVASASA
        READ(5, 50) M, N
50      FORMAT(I2, I2)
C       AZ EGYUTTHATOK BEOLVASASA
        READ(5, 51) (A(I), I=1,M+1)
        READ(5, 51) (B(I), I=1,N+1)
51      FORMAT(10F5.1)
C       A POLYD SZUBRUTIN AZ A(X) / B(X) HANYADOST
C       A C(1),...C(M-N+1) ELEMEKBEN, A MARADEKOT A
C       C(M-N+2),...,C(M+1) ELEMEKBEN KEPEZI
        CALL POLYD(A, B, C, M, N)
C       AZ EREDMENYEK NYOMTATASA
        WRITE(6, 61) (A(I), I=1,M+1)
61      FORMAT(9H OSZTANDO, 10F5.1)
        WRITE(6, 62) (B(I), I=1,N+1)
62      FORMAT(9H OSZTO, 10F5.1)
        WRITE(6, 63) (C(I), I=1,M-N+1)
63      FORMAT(9H HANYADOS, 10F5.1)
        WRITE(6, 64) (C(I), I=1,M-N+2,M+1)
64      FORMAT(9H MARADEK, 10F5.1)
        STOP
        END

SUBROUTINE POLYD(A, B, C, M, N)
DIMENSION A(1), B(1), C(1)
INTEGER M, N, I, J
C       POLINOMOK MARADEKOS OSZTASA.
C       FELTETELEZZUK, HOGY AZ EGYUTTHATOK SORRENDEN
C       VANNAK, A(1) (ILL. B(1)) A LEGMAGASABB FOKU TAG
C       EGYUTTHATOJA. C(1..M-N+1 AZ A(1..M+1) / B(1..N+1)
C       OSZTAS HANYADOS-, C(M-N+2..M+1) A MARADEKPOLINOMANAK
C       EGYUTTHATOI.
        DO 10 I = N+2, M+1
10      B(I) = 0
C       A HANYADOS SZAMITASA
        C(1) = A(1) / B(1)
        DO 100 I = 2, M-N+1
        C(I) = A(I)
        DO 190 J = 1, I-1
190     C(I) = C(I) - C(J) * B(I-J+1)
100    C(I) = C(I) / B(1)
    
```

```

C      A MARADEK SZAMITASA
      DO 200 I = M-N+2, M+1
      C(I) = A(I)
      DO 290 I=1,M-N+1
190    C(I) = C(I) - C(J) * B(I-J+1)
200    CONTINUE
      RETURN
      END

```

### 3) Számítógépszimulátor

Ebben a példában definiálunk egy gépi kódú nyelvet, s elkészítünk ehhez egy interpretert. Számítógépünk memóriája álljon 99 szóból, amelyek mindegyikében elfér egy 8 decimális jeltől álló szám. Az utasítások értelmezéséhez a számjegyeket felosztjuk négy kettes csoportba, s jelöljük e csoportokat a D0, D1, D2 és D3 szimbólumokkal. D0 (a legmagasabb helyiértékű két számjegy) jelenti az utasítás kódját, a másik három helyen az operandusok címei helyezkednek el. Az alábbi táblázat sorolja fel a nyelv utasításait (pl. az ADD jelentése: a D1 és D2 címen levő értékek összegét helyezd el a D3 címen).

az ut. neve	kód	jelentés
ADD	01 D1 D2 D3	$D1 + D2 \Rightarrow D3$
SUB	02 D1 D2 D3	$D2 - D1 \Rightarrow D3$
MUL	03 D1 D2 D3	$D1 * D2 \Rightarrow D3$
DIV	04 D1 D2 D3	$D1 / D2 \Rightarrow D3$
JMP	05 00 00 D3	$D3 \Rightarrow PC$
	05 01 D2 D3	if $D2 < 0$ then $D3 \Rightarrow PC$
	05 02 D2 D3	if $D2 > 0$ then $D3 \Rightarrow PC$
	05 03 D2 D3	if $D2 = 0$ then $D3 \Rightarrow PC$
HALT	06 00 00 00	
READ	07 D1 00 00	adat olvasása a D1 címre
WRITE	08 D1 00 00	a D1 címen levő érték kiírása
SQRT	09 D1 00 D3	$SQRT(D1) \Rightarrow D3$
ABS	10 D1 00 D3	$ABS(D1) \Rightarrow D3$

PC a gép utasítás-számlálóját jelenti. A vezérlésátadást a fenti táblázatban az utasítás-számlálónak történő értékadással jelöltük. Az interpreter számára egy programot úgy kell megadni, hogy egy sorban két számnak kell szerepelnie: milyen címre milyen nyolcjegyű számot kell betölteni (a cím helyén megadott 00 jelenti a program végét). Egy program végrehajtása mindig a 01 -es című utasítással kezdődik. Ha végrehajtás közben hiba következik be, a memória állapotát ki kell nyomtatni, s a program végrehajtását be kell fejezni. [4]

```

      INTEGER I, I2, I3, K, PC, D0, D1, D2, D3
      DIMENSION MEM(99)

```

```

C      A GEP ALAPALLAPOTANAK BEALLITASA

```



```

        WRITE(6, 60)
60      FORMAT(1H1)
        DO 10 I = 1, 99
10      MEM(I) = 0

C      A PROGRAM BETOLTESE
11      READ(5, 50) I, K
51      FORMAT (I2, 1X, I8)
        IF (I .EQ. 0) GOTO 19
        MEM(I) = K
        GOTO 11
19      CONTINUE

        PC = 0
C      AZ UTASITASOK VEGREHAJTASAT ELVEGZO CIKLUS KEZDETE
899     PC = PC + 1
900     CONTINUE
C      EGY UTASITAS DEKODOLASA
        K = MEM(PC)
        IF (K .LT. 0) GOTO 999
        D3 = MOD(K, 100)
        K = K / 100
        D2 = MOD(K, 100)
        K = K / 100
        D1 = MOD(K, 100)
        D0 = K / 100
        IF (D0 .LT. 1 .OR. D0 .GT. 10) GOTO 999
        GOTO (901, 902, 903, 904, 905, 906, 907,
*       908, 909, 910), D0
C      ADD
901     MEM(D3) = MEM(D1) + MEM(D2)
        GOTO 899
C      SUB
902     MEM(D3) = MEM(D2) - MEM(D1)
        GOTO 899
C      MUL
903     MEM(D3) = MEM(D1) * MEM(D2)
        GOTO 899
C      DIV
904     MEM(D3) = MEM(D1) / MEM(D2)
        GOTO 899
C      JMP
905     IF (D1 .GT. 3) GOTO 999
        GOTO (9050, 9051, 9052, 9053), D1 + 1
9050    PC = D3
        GOTO 900
9051    IF (D2) 899, 899, 9050
9052    IF (D2) 9050, 899, 899
9053    IF (D2) 899, 9050, 899
C      HALT
906     STOP
C      READ
907     READ(5, 51) MEM(D1)
51      FORMAT(I8)
        GOTO 899
C      WRITE

```

```
908 WRITE(6, 63) MEM(D1)
63  FORMAT(1X, I8)
    GOTO 899
C    SQRT
909 MEM(D3) = ISQRT(MEM(D1))
    GOTO 899
C    ABS
910 MEM(D3) = IABS(MEM(D1))
    GOTO 899
C    ERROR
999 DO 13 I = 1, 33
    I2 = I + 33
    I3 = I + 66
    WRITE(6, 65) I, MEM(I), I2, MEM(I2), I3, MEM(I3)
65  FORMAT(3(10X, I2, 1X, I8))
13  CONTINUE
    WRITE(6, 66) PC
66  FORMAT(/1X, 18HERROR IN STATEMENT, I3)
    STOP
    END
```

## 9. A gyakorlatok megoldásai

1.

$$\sum_{k=1}^3 (4-k) * \frac{\sum_{i=5*(k-1)+1}^{5*k} b_i * t_i}{k * \sum_{i=5*(k-1)+1}^{5*k} t_i}$$

2.

$$A = \begin{pmatrix} 0.1 & -3.05 & -2.34 & -0.3 \\ 2.1 & 4.27 & -2.34 & -0.3 \\ 2.1 & -2.34 & 6.21 & -0.3 \end{pmatrix}$$

3.

a) C      UTASITÁSFÜGGVÉNYEK :

```
HOSSZ(X1,X2,Y1,Y2) = SQRT((X2-X1)**2 + (Y2-Y1)**2)
SZOG(A,B,C,T) = ATAN2((4.0*T) / (A**2+B**2-C**2))
```

C      ÁZ OLDALAK HOSSZÁNAK SZÁMITÁSA

```
AB = HOSSZ(X1,X2,Y1,Y2)
AC = HOSSZ(X1,X3,Y1,Y3)
BC = HOSSZ(X2,X3,Y2,Y3)
```

C      A TERÜLET SZÁMITÁSA

```
S = (AB+BC+AC) / 2.0
TER = SQRT(S*(S-BC)*(S-AC)*(S-AB))
```

C      A SZÖGEK SZÁMITÁSA

```
ALFA = SZOG(AC,AB,BC,TER)
BETA = SZOG(AB,BC,AC,TER)
GAMMA = SZOG(AC,BC,AB,TER)
```

b)      SUBROUTINE LET(S,K,I,J)

```
DIMENSION S(20),Z(20,2,2)
COMMON /T/ A(20),B(20),C(20),D(20)
EQUIVALENCE (Z(1,1,1),A(1))
S(K) = Z(I,J,K)
RETURN
END
```

4. Egyik sem.

5. a) és b) szabályos értékadás, c) szintaktikusan hibás.

6. Az első változat rövidebb idő alatt hajtódik végre, míg a második világosabb, jobban olvasható.

7. Mindegyik kód rendezetlen, indokolatlanul bonyolult.

a)      IF(X1.LT.T(I).AND.T(I).LT.T2) IS = IS+1

b)      IF(KIIR.EQ.1) WRITE(6,105) X

c)      IF(T(I).LE.E) GOTO 20

      E = T(I)

```

                IND = I
20      CONTINUE

```

8. Igen.

9. Csak d), f) és h) helyes.

10. A második változat jobban olvasható, kisebb helyet foglal el, viszont valamivel több időt igényel.

11.

a) Ha az első program második sora

```
DO 1 J=1,5
```

lenne, akkor azonos hatásúak lennének.

b) Az első program harmadik sora szemantikus hibát tartalmaz.

12. Az első program kódja rendezetlen, ez gyengébb megoldás a másik kettőnél. A második és harmadik megoldás egyenértékű.

13.

a) Helyes.

b) Az IF(A(I,1)) 1,1,2 utasítás a két ciklus közös végére adja át a vezérlést, ami tilos.

14. K = 7.

15.

```

a)      AB = A*B
        DO 10 I=1,100
            S = 0.0
            DO 11 J=1,100
11      S = S + X(I,J)
10      Q(I) = S * AB
b)      F = ((X-64.0)*X*X+3.0)*X*X-17.0

```

```

c)      DIMENSION X(10,20,8),XXX(1600)
        EQUIVALENCE (XXX(1),X(1,1,1))
        DO 1 I=1,1600
1      XXX(I) = 0.0

```

16.

```

FUNCTION ARCTG(X)
A = X
DO 1 I=3,20,2
    T = (-1)**(I/2)*X**I/I
    IF(T.LT.1.E-6*A) GOTO 9
1  A = A+T
9  ARCTG = A
RETURN
END

```

17.

```

a)      DIMENSION X(5)
        DATA X/-2.0,-1.2,1.7,2.4,4.9/
        S = 0.0
        DO 1 I=1,5
1      S = S + (X(I)**3 - A**3) /3.0
b)      INTEGER FUNCTION F(N)
        INTEGER I,N
        F = 1
        DO 1 I=1,N
1      F = I*F
        RETURN
        END

```

18. Nem.
19. Veszélyes, hibára ad lehetőséget, hogy a **READ** és a **WRITE** ugyanazt a **FORMAT** -ot használja.
20. 19757654
21. Egyedül a  $C(I) = A(I-2)$  sor hibás, mert nincsen **C** vektor definiálva, függvény pedig nem kaphat értéket.
- 22.
- $N=47237, X=2.0E8, G=6.237, M=1517, Y=11.734;$
  - $N=4723, X=72.0E8, G=3.715, M=170, Y=0.11734;$
  - $N=472372, X=0.0, G=0.2371517, M=0, Y=1173.4.$

23.

ETFO□□□□□□□7□□□□ FO

24.

- □□□□□4.38  
□□□□-6.47  
□□□□□9.07
- 4.38□□-6.47□□□9.07
- 4.38-6.47□9.07
- 0.438000E+01□-0.674□□□ E+01□□□0.907000E+01
- 4.4□□□-6.47
- 4.380-6.470.907E+01
- 4.38-6.47□□9.070

25. Mindegyik kifogásolható: a **FORMAT** nem határoz meg vezérlő karaktereket.

26.

- Új lap tetejére összesen 28 sort nyomtat.
- Hat számot írva egy sorba, kiírja a mátrix sorait úgy, hogy a mátrix két sora között mindig három üres sort hagy a nyomtatón.
- Egy sorba hat számot írva, összesen tíz sorba kinyomtatja a mátrixot.

27. A második könnyebben olvasható.

28. A **SUM** változó nem kap kezdőértéket; a nyolcadik sorban helyesen  $(-1)**(I/2)$  kellene.

29. Nem.  $N=0$  esetén (ami nem lehetetlen, hiszen azt jelenti, hogy a mátrixnak nincs egyetlen nullától különböző eleme sem) hibás eredményt adhat.

30. Nem.  $N=1$  esetén hibás eredményt adhat.

31. Nem. A legegyszerűbben úgy lehet kijavítani, ha a szubrutin második sorát így írjuk :  
**DIMENSION A(100,10)**

32. 13.0

33.

- IF(.NOT.(A.GT.B)) GOTO 11  
S = 1  
GOTO 19  
11 IF(.NOT.(A.EQ.B.AND.C.GT.D)) GOTO 12  
S = 2  
GOTO 19  
12 IF(.NOT.(A.EQ.B)) GOTO 13  
S = 3  
GOTO 19  
13 IF(.NOT.(C.GT.D)) GOTO 14  
S = 4  
GOTO 19  
14 IF(.NOT.(C.EQ.D)) GOTO 15  
S = 5

```

15      GOTO 19
19      S = 6
        CONTINUE
b)      IF(MOD(K,2).NE.0) GOTO 9
        SUM = SUM+X
        PAROS = PAROS+1
9       CONTINUE
c)      INTEGER N(1000),L,M
        L = 1000
        M = ISQRT(L)
        DO 1 I=2,L
          IF(N(I).EQ.0) GOTO 8
          WRITE(6,50) I
          FORMAT(1X,I5)
          IF(I.GT.M) GOTO 7
          DO 2 K=1,L/I
            N(K*I) = 0
2         CONTINUE
7         CONTINUE
8         CONTINUE
1       CONTINUE
d)      IF(X.GE.Y.AND.Y.GE.Z) A = Z
        IF(X.GE.Y.AND.Y.LT.Z) A = Y
        IF(X.LT.Y.AND.X.GE.Z) A = Z
        IF(X.LT.Y.AND.X.LT.Z) A = X
e)      IF(A.LT.B) GOTO 10
        X = A
        GOTO 1
10     X = B
1     IF(X.GT.C) GOTO 2
2     X = C
        CONTINUE
f)      IF(A.NE.0) GOTO 21
        IF(B.NE.0) GOTO 21
        IF(C.EQ.0) GOTO 22
21     A = A+1
22     B = B+1

```

34.

```

a)      isum := 0;
        for i:=1 step 1 until 5 do
          if helyes[i] = felel[i]
            then
              begin iell[i]:=1; isum:=isum+1 end
            else
              iell[i]:=0;
b)      if ka>kb then begin kr:=ka; ka:=kb; kb:=kr end;
        for ka:=ka,kr while ka ≠ 0 do
          begin kr:=kb-kb/ka2; kb:=ka end;
c)      procedure Rendez(v,m); integer m; array v[1:m];
        begin
          integer i,j,k; real t;
          for j:=1 step 1 until m-1 do begin
            t := v[j+1];
            for k:=1 step 1 until j do begin
              i := j+1-k;
              if t ≥ v[i] then goto 245;

```

```
        v[i+1] := v[i];
    end;
    i := 0;
245: v[i+1] := t;
    end;
end;
d) begin
    array a[1:100]; integer j,n,k; real x;
    for j:=1,j+1 while j  $\neq$  n do begin
        if a[j] > a[j+1] then begin
            x := a[j]; a[j] := a[j+1]; a[j+1] := x;
            for k:=j-1,k-1
                while k  $\neq$  0  $\wedge$  a[k] > a[k+1] do
                    begin
                        x := a[k]; a[k] := a[k+1]; a[k+1] := x
                    end;
                end;
            end;
        end;
    end;
```

æ